Projektowanie i Analiza Algorytmów

Sprawozdanie

Projekt 2 – Algorytmy sortowania

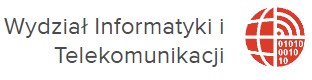
Jakub Piekarek

Indeks 264202

Prowadzący dr inż. Krzysztof Halawa

Kod grupy K00-37d

Poniedziałek 1115 – 1300



1. Opis zadania

Na podstawie polecenia z instrukcji, wybrano trzy algorytmy sortowania z czterech dostępnych na ocenę 5.0 (wyszczególnione wybrano):  
- ***przez scalanie***   
- ***quicksort***  
- ***introspektywne***  
- kubełkowe.

Następnie przeprowadzone zostały testy efektywności dla wyżej wymienionych algorytmów. Aby przeprowadzić dany test należało wczytać plik z danymi o rozszerzeniem .csv, zawierał nazwy i oceny filmów. Musiała zostać użyta również filtracja ocen i odrzucenie tych rekordów, gdzie ocen nie było. Ważną rzeczą przy używaniu filtracji było mierzenie czasu jej przeszukiwania. Wariantów przeszukiwanych rekordów było pięć, każda miała n długości, gdzie n = { 10000, 100000, 500000, 1000000, 1010293 }. Dla każdego wariantu należało policzyć czas sortowania każdego typu, medianę i średnią ocen.

1. Opis użytych algorytmów sortowania
   1. Quicksort

Algorytm sortowania szybkiego, podobnie jak mergesort, wykorzystuje metodę "dziel i zwyciężaj" do sortowania danych. W tym algorytmie używa się tzw. elementu osiowego, którym zazwyczaj jest środkowy element zestawu danych. Element osiowy jest kluczowy w procesie sortowania - elementy mniejsze niż osiowy są przenoszone na lewą stronę, a większe na prawą. Złożoność obliczeniowa quicksorta wynosi O(n log n) w przypadkach najlepszym i średnim, ale w najgorszym przypadku, gdy zawsze wybierany jest najmniejszy lub największy element, wynosi O(n^2). Algorytm quicksort sortuje "w miejscu", co oznacza, że nie wymaga dodatkowej, tymczasowej struktury danych, a jego złożoność pamięciowa wynosi O(n) tylko w najgorszym przypadku, którą można zredukować do O(log n).

* 1. Przez scalanie

Algorytm mergesort jest oparty na metodzie "dziel i zwyciężaj", która polega na podziale problemu sortowania na mniejsze pod problemy. Aby to zrobić, zestaw danych jest dzielony na dwie równe części, a proces dzielenia jest powtarzany, aż do uzyskania jednoelementowych pod problemów. Następnie, elementy są scalane w porządku nierosnącym, aż do uzyskania w pełni posortowanego zestawu danych. Sortowanie przez scalanie ma złożoność pamięciową O(n) ze względu na potrzebę tworzenia tymczasowej struktury danych, ale złożoność obliczeniowa wynosi O(n log n) we wszystkich przypadkach (najlepszym, średnim i najgorszym).

* 1. Introspektywne

Algorytm sortowania introspektywnego jest hybrydowym algorytmem sortowania, który składa się z trzech różnych algorytmów sortowania: szybkiego, przez kopcowanie i przez wstawianie. Przełączanie pomiędzy algorytmami pozwala na uniknięcie problemów złożoności obliczeniowej występujących w sortowaniu szybkim. Algorytm sortowania introspektywnego wykorzystuje element osiowy do podziału zestawu danych i w zależności od głębokości rekurencji, wybiera jeden z trzech algorytmów sortowania. Złożoność obliczeniowa algorytmu w każdym przypadku wynosi O(n log n). Algorytm sortowania introspektywnego nie wymaga dodatkowej, tymczasowej struktury danych podczas procesu sortowania, co skutkuje złożonością pamięciową O(log n). Obecnie standardowa biblioteka języka C++ wykorzystuje algorytm sortowania introspektywnego w funkcji std::sort().

1. Złożoność obliczeniowa algorytmów

Porównanie złożoności pamięciowej algorytmów

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Przez scalanie | Quicksort | Introspektywne |
| O(n) | O(log n) | O(log n) |

Porównanie złożoności obliczeniowej algorytmów

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| przypadek | Przez scalanie | Quicksort | Introspektywne |
| najlepszy | O(n log n) | O(n log n) | O(n log n) |
| średni | O(n log n) | O(n log n) | O(n log n) |
| najgorszy | O(n log n) | O(n2) | O(n log n) |

1. Wyniki testów dla każdego z wariantu

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| n | Filtrowanie | | Sortowanie | | | | | |
| Co | Przez scalanie | Quicksort | | Introspektywne | |
| 10 000 | Brak ocen | 0 | Średnia | 5.4603 | | 5.4603 | | 5.4603 | |
| Pozostałych | 10 000 | Mediana | 5 | | 5 | | 5 | |
| Czas filtracji | 0 ms | Czas | 580.393 ms | | 435.780 ms | | 343.830 ms | |
| 100 000 | Brak ocen | 4190 | Średnia | 6.06437 | | 6.06437 | | 6.06437 | |
| Pozostałych | 95810 | Mediana | 6 | | 6 | | 6 | |
| Czas filtracji | 86.0834 ms | Czas | 5928.71 ms | | 4038.5 ms | | 3746.46 ms | |
| 500 000 | Brak ocen | 23335 | Średnia | 6.6555 | | 6.6555 | | 6.6555 | |
| Pozostałych | 476665 | Mediana | 7 | | 7 | | 7 | |
| Czas filtracji | 416.454 ms | Czas | 33661.8 ms | | 22932.5 ms | | 22047.3 ms | |
| 1 000 000 | Brak ocen | 43802 | Średnia | 6.63431 | | 6.63431 | | 6.63431 | |
| Pozostałych | 956198 | Mediana | 7 | | 7 | | 7 | |
| Czas filtracji | 842.128 ms | Czas | 71261.3 ms | | 49738.8 ms | | 47550.2 ms | |
| 1 020 293 | Brak ocen | 47459 | Średnia | 6.6366 | | 6.6366 | | 6.6366 | |
| Pozostałych | 962834 | Mediana | 7 | | 7 | | 7 | |
| Czas filtracji | 847.499 ms | Czas | 72133.2 ms | | 47280.5 ms | | 45194.1 ms | |

1. Wnioski

Pięć testów efektywności algorytmów sortowania na różnych zbiorach danych z ilością elementów n ∈ {10 000, 100 000, 500 000, 1 000 000, 1 010 293} zakończyło się sukcesem. Na podstawie wyników czasowych można stwierdzić, że algorytm sortowania introspektywnego zawsze był nieco szybszy od quicksort, a najwolniejszym z testowanych algorytmów był algorytm sortowania przez scalanie. Dla każdego sortowania mediana oraz średnia była jednakowa co potwierdza nam poprawne działanie.